

# 一种安全的群签名方案<sup>1</sup>

王晓明\*\*\* 符方伟\*

\*(南开大学数学科学学院 天津 300071)

\*\*\*(青岛大学自动化学院 青岛 266071)

**摘要** 对 Tseng-Jan(1999) 的群签名方案提出了一种新的伪造攻击, 任何人利用这种攻击都能伪造出有效的群签名. 针对该文提出的伪造攻击和 Z.C.Li 等人(2000) 提出的伪造攻击, 对 Tseng-Jan 的群签名方案进行了改进, 提出了一种新的安全群签名方案. 新方案不仅能抵抗各种伪造攻击, 而且保留了 Tseng-Jan 方案的主要优点, 并且增加了群成员可注销的特性.

**关键词** 密码学, 群签名, 伪造攻击, 可注销群成员

**中图分类号** TN918.1

## 1 引言

1998 年, Lee 和 Chang 提出了一个群签名方案<sup>[1]</sup>, 此方案具有匿名性, 群权威  $T$  可以辨认签名者身份和高效等特性, 但这个方案具有关联性. Tseng 和 Jan 对 Lee-Chang 的方案进行了改进, 提出了两种改进的群签名方案<sup>[2,3]</sup>, 然而 Tseng-Jan 提出的两种改进的群签名方案也是不安全的. 最近, Z.C.Li 等人对 Tseng-Jan 方案提出了两种伪造攻击<sup>[4]</sup>, 任何人利用这两种伪造攻击, 都可以伪造出有效的群签名. 本文对 Tseng-Jan 方案的安全性进行了分析, 提出了一种新的伪造攻击方法, 并针对本文和 Z.C.Li 等人提出的伪造攻击, 对 Tseng-Jan 的方案进行了改进, 提出了一种新的安全群签名方案. 新方案能抵抗各种伪造攻击, 并保留了 Tseng-Jan 的方案优点, 还增加了可注销群成员的特性.

## 2 Tseng-Jan 的群签名方案 1(简称 TJ1)<sup>[2]</sup>

### 2.1 安全参数

- (1)  $p, q$  为两个大素数, 且  $q|(p-1)$ ,  $g$  是  $GF(p)$  中阶为  $q$  的生成元. 公开  $p, q, g$ .
- (2) 群中的每一个成员  $u_i$  的私钥为  $x_i \in Z_q^*$ , 公钥为  $y_i = g^{x_i} \bmod p$ , 群权威  $T$  的私钥为  $x_T \in Z_q^*$ , 公钥为  $y_T = g^{x_T} \bmod p$ .
- (3) 安全的 Hash 函数  $h$ , 公开  $h$ .

### 2.2 群签名产生过程

- (1)  $T$  随机选取  $k_i \in Z_q^*$ , 并计算  $r_i = g^{-k_i} y_i^{k_i} \bmod p$ ,  $s_i = k_i - r_i x_T \bmod q$ . 秘密送  $(s_i, r_i)$  给  $u_i$ .
- (2)  $u_i$  接到  $(s_i, r_i)$  后, 验证  $g^{s_i} y_T^{r_i} r_i = (g^{s_i} y_T^{r_i})^{x_i} \bmod p$ , 如等式成立, 则  $(s_i, r_i)$  是  $T$  对每一个成员  $u_i$  的有效签名, 否则是无效签名.
- (3)  $u_i$  选取随机数  $a, b, t \in Z_q^*$ , 并计算

$$A = r_i^a \bmod p, \quad B = s_i - b \bmod q, \quad C = r_i a \bmod q, \quad D = g^a \bmod p, \quad E = g^{ab} \bmod p,$$

$$\alpha_i = D^B y_T^C E \bmod p, \quad R = \alpha_i^t \bmod p, \quad s = t^{-1} [h(m) - Rx_i] \bmod q$$

<sup>1</sup> 2001-07-22 收到, 2002-08-23 改回  
国家自然科学基金资助 (No.60172060)

$m$  为待签名的消息。送  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  给签名验证者。

### 2.3 群签名的验证过程

群签名验证者首先计算  $\alpha_i = D^B y_T^C E \bmod p$ ,  $\delta_i = \alpha_i A \bmod p$ , 然后验证

$$\alpha_i^{h(m)} = \delta_i^R R^s \bmod p \quad (1)$$

如 (1) 式成立, 则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是  $u_i$  对消息  $m$  的有效签名。

## 3 Tseng-Jan 群签名方案 2(简称 TJ2)<sup>[3]</sup>

### 3.1 安全参数

与 2.1 节一样。

### 3.2 群签名产生过程

(1) 与 2.2 节中的 (1),(2) 一样。

(2)  $u_i$  选取随机数  $a, b, d, t \in Z_q^*$ , 并计算

$$A = r_i^a \bmod p, \quad B = as_i - bh(A, C, D, E) \bmod q, \quad C = r_i a - d \bmod q, \quad D = g^b \bmod p, \\ E = y_T^d \bmod p, \quad \alpha_i = g^B y_T^C E D^{h(A, C, D, E)} \bmod p, \quad R = \alpha_i^t \bmod p, \quad s = t^{-1}[h(m, R) - Rx_i] \bmod p,$$

$m$  为待签名的消息。送  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  给签名验证者。

### 3.3 群签名的验证过程

群签名验证者首先计算  $\alpha_i = g^B y_T^C E D^{h(A, C, D, E)} \bmod p$ ,  $\delta_i = \alpha_i A \bmod p$ , 然后验证

$$\alpha_i^{h(m, R)} = \delta_i^R R^s \bmod p \quad (2)$$

如 (2) 式成立, 则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是  $u_i$  对消息  $m$  的有效签名。

## 4 伪造攻击

### 4.1 对 TJ1 的伪造攻击 (攻击 1)

攻击者任意选取  $B, C, D, E$ , 并选取随机数  $t \in Z_q^*$ , 计算

$$\alpha_i = D^B y_T^C E \bmod p, \quad A = \alpha_i^{x_i^{-1}} \bmod p, \quad R = \alpha_i^t \bmod p, \quad s = t^{-1}[h(m) - Rx_i] \bmod q \quad (3)$$

则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是伪造的群签名。

伪造的群签名  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  能通过 (1) 式的验证, 因为由 (3) 式得

$$\alpha_i^{h(m)} = \alpha_i^{x_i R} \alpha_i^{ts} = (\alpha_i^{x_i^{-1}} \alpha_i)^R R^s = (\alpha_i A)^R R^s = \delta_i^R R^s \bmod p$$

则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是一个有效的群签名。

### 4.2 对 TJ2 的伪造攻击 (攻击 2)

攻击者任意选取  $C, U$ , 并选取随机数  $t, b \in Z_q^*$ , 计算

$$E = y_T^{-C} U \bmod p, \quad A = U^{x_i^{-1}} \bmod p, \quad D = g^b \bmod p, \quad B = -bh(A, C, D, E) \bmod q, \\ \alpha_i = g^B y_T^C E D^{h(A, C, D, E)} \bmod p, \quad R = \alpha_i^t \bmod p, \quad s = t^{-1}[h(m, R) - Rx_i] \bmod p,$$

则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是伪造的群签名.

伪造的群签名  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  能通过 (2) 式的验证, 因为

$$\begin{aligned}\alpha_i &= g^{-bh(A,C,D,E)} y_T^C y_T^{-C} U g^{bh(A,C,D,E)} = U \bmod p, \\ \alpha_i^{h(m,R)} &= (U^{x_i-1} U)^R R^s = (A\alpha_i)^R R^s = \delta_i^R R^s \bmod p,\end{aligned}$$

则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是一个有效的群签名.

## 5 Z. C. Li 等人提出的伪造攻击 [4]

### 5.1 对 TJ1 的伪造攻击 (攻击 3)

攻击者选取随机数  $U, V, X, Y \in Z_q^*$ , 并计算

$$D = y_T^U \bmod p, \quad E = y_T^V \bmod p, \quad A = y_T^X \bmod p, \quad R = y_T^Y \bmod p.$$

攻击者随机选取  $B$  和  $C$ , 并从下面方程解出  $s$ .

$$Uh(m)B + h(m)C + Vh(m) = UBR + CR + VR + XR + sY \bmod q \quad (4)$$

则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是伪造的群签名.

伪造的群签名  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  能通过 (1) 式的验证, 因为

$$\begin{aligned}\alpha_i &= D^B y_T^C E = y_T^{UB} y_T^C y_T^V \bmod p, & \delta_i &= \alpha_i A = y_T^{UB} y_T^C y_T^V y_T^X \bmod p, \\ \alpha_i^{h(m)} &= y_T^{UBh(m)+h(m)C+h(m)V} \bmod p, & \delta_i^R R^s &= y_T^{UBR+CR+VR+XR+sY} \bmod p\end{aligned}$$

因为  $s$  是从 (4) 式中解出的, 所以  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  可以使  $\alpha_i^{h(m)} = \delta_i^R R^s \bmod p$  成立 (见 (1) 式), 则伪造的  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是一个有效的群签名.

### 5.2 对 TJ2 的伪造攻击 (攻击 4)

攻击者选取 5 对随机数  $(U_A, V_A), (U_C, V_C), (U_D, V_D), (U_E, V_E), (U_R, V_R) \in Z_q^*$ , 并计算

$$\begin{aligned}A &= g^{U_A} y_T^{V_A} \bmod p, & D &= g^{U_D} y_T^{V_D} \bmod p, & C &= g^{U_C} y_T^{V_C} \bmod p, & R &= g^{U_R} y_T^{V_R} \bmod p, \\ E &= g^{U_E} y_T^{V_E} \bmod p, & h &= h(m, R), & H &= h(A, C, D, E).\end{aligned}$$

攻击者解下面方程, 求出  $s, B$

$$Bh + U_E h + U_D h H = BR + U_E R + U_D H R + U_A R + U_R s \bmod q \quad (5)$$

$$Ch + V_E h + V_D h H = CR + V_E R + V_D H R + V_A R + V_R s \bmod q \quad (6)$$

则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是伪造的群签名.

伪造的群签名  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  能通过 (2) 式的验证, 因为

$$\begin{aligned}\alpha_i &= g^B y_T^C g^{U_E} y_T^{V_E} g^{U_D H} y_T^{V_D H} \bmod p, \\ \delta_i &= g^B y_T^C g^{U_E} y_T^{V_E} g^{U_D H} y_T^{V_D H} g^{U_A} y_T^{V_A} \bmod p, \\ \alpha_i^{h(m,R)} &= g^{Bh+U_E h+U_D H h} y_T^{Ch+V_E h+V_D H h} \bmod p, \\ \delta_i^R R^s &= g^{BR+U_E R+U_D H R+U_A R+U_R s} y_T^{CR+V_E R+V_D H R+V_A R+V_R s} \bmod p.\end{aligned}$$

根据 (5), (6) 式知, 伪造的  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  满足  $\alpha_i^{h(m,R)} = \delta_i^R R^s \bmod p$  (见 (2) 式), 则  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  是一个有效的群签名。

## 6 新的群签名方案

### 6.1 安全参数

- (1)  $p, q$  为两个大素数, 且  $q|(p-1)$ ,  $g$  是  $\text{GF}(p)$  中阶为  $q$  的生成元。公开  $p, q, g$ 。
- (2) 群中的每一个成员  $u_i$  选择随机数  $x_i \in Z_q^*$  作为私钥, 计算  $y_i = g^{x_i} \bmod p$  作为公钥, 群权威  $T$  选择随机数  $x_T \in Z_q^*$  作为私钥, 计算  $y_T = g^{x_T} \bmod p$  作为公钥。
- (3) 安全的 Hash 函数  $h$ , 公开  $h$ 。

### 6.2 群成员的加入

当  $u_i$  想成为群的一个成员, 需作如下步骤:

- (1)  $T$  随机选取  $k_i \in Z_q^*$ , 并计算

$$r_i = g^{-k_i} y_i^{k_i} \bmod p, \quad s_i = k_i - r_i x_T \bmod q \quad (7)$$

秘密送  $(s_i, r_i)$  给  $u_i$ , 并存储  $(s_i, r_i, k_i)$ 。

- (2)  $u_i$  接到  $(s_i, r_i)$  后, 验证

$$g^{s_i} y_T^{r_i} r_i = (g^{s_i} y_T^{r_i})^{x_i} \bmod p \quad (8)$$

如 (8) 式成立,  $u_i$  接收  $(s_i, r_i)$ 。(8) 式成立的原因: 由 (7) 式得

$$\begin{aligned} g^{s_i} &= g^{k_i} g^{-r_i x_T} \bmod p, & g^{s_i} y_T^{r_i} &= g^{k_i} \bmod p, \\ g^{s_i} y_T^{r_i} r_i &= g^{k_i} g^{-k_i} y_i^{k_i} = y_i^{k_i} = (g^{s_i} y_T^{r_i})^{x_i} \bmod p. \end{aligned}$$

### 6.3 群签名的产生过程

设待签名的消息为  $m$ ,  $u_i$  随机选取  $a, b, d, t \in Z_q^*$ , 并计算

$$\left. \begin{aligned} C &= r_i a - d \bmod q, & A &= y_i^b \bmod p, & D &= g^b \bmod p, \\ E &= r_i^a (1 + g^{-s_i a} y_T^{-r_i a})^{x_i} \bmod p, & F &= y_T^d \bmod p, \\ B &= s_i a - bh(A, C, D, E, F) + bh(E, D, F) \bmod q, \\ \alpha_i &= [D^{h(E, D, F)} + g^B y_T^C F D^{h(A, C, D, E, F)}] \bmod p, \\ R &= \alpha_i^t \bmod p, & s &= t^{-1} [h(m, R) - x_i R] \bmod q \end{aligned} \right\} \quad (9)$$

送  $(s, R, A, B, C, D, E, m)$  给签名验证者。

### 6.4 群签名的验证

群签名验证者计算

$$\begin{aligned} \alpha_i &= D^{h(E, D, F)} + g^B y_T^C F D^{h(A, C, D, E, F)} \bmod p, \\ \delta_i &= A^{h(E, D, F)} [\alpha_i D^{-h(E, D, F)} - 1] E \bmod p, \end{aligned}$$

验证

$$\alpha_i^{h(m,R)} = \delta_i^R R^s \bmod p \quad (10)$$

如 (10) 式成立, 则  $(s, R, A, B, C, D, E, F, m)$  是  $u_i$  对消息  $m$  的有效签名。

(10) 式成立的原因为: 由 (7) 式中的  $s_i$ , (9) 式中的  $C, D, F$  和  $B$  得

$$\begin{aligned}\alpha_i &= g^{bh(E,D,F)} + g^{s_i a} g^{-bh(A,C,D,E,F)} g^{bh(E,D,F)} g^{x_T r_i a} g^{-x_T d} g^{x_T d} g^{bh(A,C,D,E,F)} \\ &= g^{bh(E,D,F)} (1 + g^{s_i a} g^{x_T r_i a}) = g^{bh(E,D,F)} (1 + g^{k_i a}) \text{mod } p\end{aligned}\quad (11)$$

由 (7) 式中的  $r_i$ , (9) 式中的  $A, \alpha_i, s$  和 (11) 式得

$$\begin{aligned}\alpha_i^{h(m,R)} &= \alpha_i^{x_i R} \alpha_i^{ts} = [g^{bh(E,D,F) x_i} g^{k_i a x_i} (1 + g^{-k_i a})^{x_i}]^R R^s \\ &= [A^{h(E,D,F)} g^{k_i a} r_i^a (1 + g^{-s_i a} y_T^{-r_i a})^{x_i}]^R R^s \\ &= [A^{h(E,D,F)} (\alpha_i g^{-bh(E,D,F)} - 1) r_i^a (1 + g^{-s_i a} y_T^{-r_i a})^{x_i}]^R R^s = \delta_i^R R^s \text{mod } p.\end{aligned}$$

### 6.5 群成员的识别

群权威  $T$  已存有每一个群成员的  $(s_i, r_i, k_i)$ ,  $T$  可以预先计算

$$v_i = s_i^{-1} k_i \text{mod } q, \quad w_i = g^{v_i} \text{mod } p \quad (12)$$

并将  $(v_i, w_i)$  与  $(s_i, r_i, k_i)$  一起存储。如需要打开某一个群签名,  $T$  可以查询已存的  $(s_i, r_i, k_i)$  和  $(v_i, w_i)$ , 这里  $i = 1, 2, \dots, n$ ,  $n$  是群成员个数, 判断那个群成员对应的  $(v_i, w_i)$  满足

$$g^B y_T^C F D^{h(A,C,D,E,F)} = w_i^B D^{[h(A,C,D,E,F)v_i - h(E,D,F)v_i + h(E,D,F)]} \text{mod } p \quad (13)$$

于是  $T$  就能确定签名者的身份。

(13) 式成立的原因为: 由 (7) 式中的  $s_i$ , (9) 式中的  $C, D, F, B$  和 (12) 式得

$$\begin{aligned}g^B y_T^C F D^{h(A,C,D,E,F)} &= g^{k_i a} g^{bh(E,D,F)} \text{mod } p, \\ w_i^B D^{[h(A,C,D,E,F)v_i - h(E,D,F)v_i + h(E,D,F)]} \\ &= (g^{s_i^{-1} k_i})^{[s_i a - bh(A,C,D,E,F) + bh(E,D,F)]} g^{bh(A,C,D,E,F)} s_i^{-1} k_i g^{-bh(E,D,F)} s_i^{-1} k_i g^{bh(E,D,F)} \\ &= g^{k_i a} g^{bh(E,D,F)} \text{mod } p\end{aligned}$$

### 6.6 群成员的注销

如果要注销某个群成员, 群权威  $T$  查询出要注销群成员对应的  $(v_i, w_i)$ , 并公布  $(v_i, w_i)$  为注销群成员。当签名验证者接到群签名时, 首先从公布的注销群成员名单中取出  $(v_i, w_i)$ , 判断

$$g^B y_T^C F D^{h(A,C,D,E,F)} = w_i^B D^{[h(A,C,D,E,F)v_i - h(E,D,F)v_i + h(E,D,F)]} \text{mod } p \quad (14)$$

如 (14) 式成立, 则此群签名无效, 否则, 继续验证群签名的有效性, 即进行群签名的验证, 从而实现了群成员的注销。

### 6.7 性能分析

(1) 新方案能抵抗本文和 Z.C. Li 等人提出的伪造攻击

**攻击 1** 因为  $\alpha_i = D^{h(E,D,F)} + g^B y_T^C F D^{h(A,C,D,E,F)} \text{mod } p$ , 所以攻击者无法取  $A$  或  $D$  与  $\alpha_i$  有关的数, 因此攻击 1 对新方案无效。

**攻击 2** 如攻击者任意取  $C$ , 选取随机数  $b \in Z_q^*$ , 并计算

$$F = y_T^{-C} \text{mod } p, \quad A = D = g^b \text{mod } p, \quad B = -bh(A, C, D, E, F) \text{mod } q,$$

$$\begin{aligned} \alpha_i &= D^{h(E,D,F)} + g^{-bh(A,C,D,E,F)} y_T^C y_T^{-C} g^{bh(A,C,D,E,F)} = D^{h(E,D,F)} + 1 \pmod{p}, \\ \delta_i &= A^{h(E,D,F)} [(D^{h(E,D,F)} + 1) D^{-h(E,D,F)} - 1] E = A^{h(E,D,F)} D^{-h(E,D,F)} E = E \pmod{p}. \end{aligned}$$

为了能使伪造的群签名通过 (2) 式验证, 则攻击者就必须取  $E = [1 + D^{h(E,D,F)}]^{x_i} \pmod{p}$ , 但从此式可知, 攻击者无法求出  $E$ , 则攻击者在不知道  $(s_i, r_i)$  时, 无法伪造出能通过 (2) 式验证的  $(s, R, A, B, C, D, E, F, m)$ . 因此攻击 2 对新方案无效.

**攻击 3** 攻击者选取随机数  $U, V, X, Y, W \in Z_q^*$ , 并计算

$$\begin{aligned} A &= y_T^U \pmod{p}, \quad E = y_T^V \pmod{p}, \quad D = y_T^X \pmod{p}, \quad F = y_T^Y \pmod{p}, \quad R = y_T^W \pmod{p}, \\ \alpha_i^{h(m,R)} &= [y_T^{Xh(E,D,F)} + g^B y_T^{C+Y+Xh(A,C,D,E,F)}]^{h(m,R)} \pmod{p}, \\ \delta^R R^s &= g^{BR} y_T^{[Uh(E,D,F)R+CR+YR+XRh(A,C,D,E,F)-XRh(E,D,F)+VR+sW]} \pmod{p} \end{aligned}$$

根据  $\alpha_i^{h(m,R)} = \delta_i^R R^s \pmod{p}$ , 即

$$\begin{aligned} &[y_T^{Xh(E,D,F)} + g^B y_T^{C+Y+Xh(A,C,D,E,F)}]^{h(m,R)} \\ &= g^{BR} y_T^{[Uh(E,D,F)R+CR+YR+XRh(A,C,D,E,F)-XRh(E,D,F)+VR+sW]} \pmod{p} \end{aligned}$$

得不到能解出  $s$  的方程, 所以攻击者无法伪造  $s$ , 则 Z.C. Li 等人提出的伪造攻击 3 对新方案攻击无效.

**攻击 4** 攻击者随机选取 5 对数  $(U_A, V_A), (U_D, V_D), (U_E, V_E), (U_F, V_F), (U_R, V_R) \in Z_q^*$

$$\begin{aligned} A &= g^{V_A} y_T^{U_A} \pmod{p}, \quad D = g^{U_D} y_T^{V_D} \pmod{p}, \quad E = g^{U_E} y_T^{V_E} \pmod{p}, \quad R = g^{U_R} y_T^{V_R} \pmod{p}, \\ F &= g^{U_F} y_T^{V_F} \pmod{p}, \quad H = h(A, C, D, E, F), \quad h = h(E, D, F), \\ \alpha_i^{h(m,R)} &= [g^{U_D h} y_T^{V_D h} + g^{B+U_F+U_D H} y_T^{C+V_F+V_D H}]^{h(m,R)} \pmod{p}, \\ \delta^R R^s &= g^{[V_A h+B+U_F+U_D H-V_D h+U_E]R+U_R s} y_T^{[V_A h+C+V_F+V_D H-V_D h+V_E]R+V_R s} \pmod{p} \end{aligned}$$

根据  $\alpha_i^{h(m,R)} = \delta_i^R R^s \pmod{p}$ , 即

$$\begin{aligned} &[g^{U_D h} y_T^{V_D h} + g^{B+U_F+U_D H} y_T^{C+V_F+V_D H}]^{h(m,R)} \\ &= g^{[V_A h+B+U_F+U_D H-U_D h+U_E]R+U_R s} y_T^{[V_A h+C+V_F+V_D H-V_D h+V_E]R+V_R s} \pmod{p} \end{aligned}$$

得不到解出  $s$  的方程, 所以攻击者无法伪造  $s$ , 则 Z.C. Li 等人提出的伪造攻击 4 对新方案攻击无效.

(2) 新方案比 Tseng-Jan 的群签名方案<sup>[2,3]</sup>增加了可注销群成员的特性(见 6.6 节). 通过群权威  $T$  公布注销群成员的  $(v_i, w_i)$ , 群签名验证者根据接收的群签名中  $g^B y_T^C F D^{h(A,C,D,E,F)}$  是否与  $w_i^B D^{[h(A,C,D,E,F)v_i-h(E,D,F)v_i+h(E,D,F)]}$  相等(见 (14) 式)来判断接收的群签名是否是注销群成员签发的, 使注销群成员不能再行使群签名的权力, 从而实现了群成员的注销. 同时由于公布的是注销群成员的  $(v_i, w_i)$ , 并没有泄露  $(s_i, r_i)$ , 所以没有破坏原来所做群签名的安全性, 匿名性, 不关联性, 群权威  $T$  可辨认群签名者的身份等特性.

(3) 与文献 [2,3] 一样分析, 新方案具有群签名者匿名性, 不关联性, 群权威  $T$  可辨认群签名者的身份和高效等特性.

## 7 结 束 语

Tseng-Jan 的群签名方案具有匿名性, 不关联性. 群权威  $T$  可辨认签名者身份和高效等特性, 但它是不安全的, 不能抵抗本文和 Zichen Li 等人提出的伪造攻击. 本文提出的安全群签名方案能抵抗各种伪造攻击, 保留了 Tseng-Jan 的方案已有优点, 还增加了可注销群成员的特性.

## 参 考 文 献

- [1] W. Lee, C. Chang, Efficient group signature scheme based on the discrete logarithm, IEE Proc.-Comput. Digital Techniques, 1998, 145(1), 15-18.
- [2] Y. M. Tseng, J. K. Jan, Improved group signature based on discrete logarithm problem, Electronics Letters, 1999, 35(1): 37-38.
- [3] Y. M. Tseng, J. K. Jan, Reply: Improved group signature scheme based on discrete logarithm problem, Electronics Letters, 1999, 35(6), 1324-1325
- [4] Z. C. Li, L. C. K. Hui, *et al.*, Security of Tseng-Jan's group signature schemes, Information Processing Letters, 2000, 75(5), 187-189.

## A SECURE GROUP SIGNATURE SCHEME

Wang Xiaoming\* \*\*      Fu Fangwei\*

\*(School of Mathematics Science, Nankai University, Tianjin 300071, China)

\*\* (College of Automatization, Qingdao University, Qingdao 266071, China)

**Abstract** A new forgery attack is proposed to Tseng-Jan's group signature scheme(1999), anyone can produce a valid group signature with this forgery attack. In this paper, a new modified and secure group signature scheme is presented in point of the forgery attacks proposed by this paper and Z.C. Li, *et al.*(2000). The new scheme can not only resist all kinds of forgery attacks, but also preserve the main merits in Tseng-Jan's scheme. Furthermore, the new scheme can revoke group member according to need.

**Key words** Cryptography, Group signature, Forgery attack, Revocation group member

王晓明: 女, 1960 年生, 副教授, 博士生, 主要从事现代密码学, 计算机网络安全等方面的研究工作.

符方伟: 男, 1963 年生, 教授, 博士生导师, 主要从事信息论, 现代密码学, 编码理论, 计算机网络安全等方面的研究工作.